# ボルト結合構造物の振動特性 （ボルト結合部の厚さの影響） 

# Dynamic Characteristics of Structure with Bolt Joint （Effect of Thickness of Bolt Joint） 

青木 繁 1）

## Shigeru AOKI ${ }^{1)}$


#### Abstract

Bolt joint is widely used for construction of many structures．The dynamic characteristics of the structure with bolt joints are important for design of machines，buildings and so on．The effect of bolt joint on the dynamic characteristics，especially，thickness of auxiliary plates is investigated．Two types of cantilever type specimens are made．Specimen I is with bolt joint at the center of specimen．Specimen II is with bolt joint at the node of the second vibration mode．As the dynamic characteristics，the damping ratio and the natural frequency of the first and the second vibration modes are measured．Wave form of free vibration is measured and the damping ratio is obtained．The resonance curves are obtained by frequency sweeping method and the frequency response functions are obtained by using impulse hammer and the damping ratio and the natural frequency are obtained．The damping ratio of the first vibration mode increases with the increase of thickness of auxiliary plates．The natural frequency of the first vibration mode is lower with the increase of thickness．Effect of bolt joint on the dynamic characteristics of the second vibration mode is different for location of bolt joint．


Key Words ：Vibration，Bolt Joint，Damping Ratio，Natural Frequency，Impulse Hammer，Resonance Curve

## 1．緒言

ボルト結合は多くの構造物に用いられ，種々の条件で使用される。ボルト結合は当然のことながら，振動環境 で使用されることも多い。このような環境で使用される ボルト結合が含まれる構造物に対して振動解析をする場合にはその振動特性を明らかにし，モデル化をすること が重要となる。

ボルト結合に関して，静的な荷重を受けた場合の強度 ［1］や周期的な荷重を受けた場合の疲労強度［2］に関する研究がなされている。また，ボルトに生じる力［3］，ボルト の変形を求めるための剛性［4－5］に関する研究，衝撃や振動によるボルトの緩み［6］，減衰能［7－8］に関する研究など もなされている。ボルト結合にも多くの種類があり，広 く使われていることから，ボルト結合部の振動特性を求 めるために，多くのデータを積重ねることが重要である と考えられる。

著者はこれまでに簡単な試験片を用いた加振実験によ ってボルト結合が構造物の 1 次振動特性に与える影響に ついて検討した。さらに，ボルト結合構造物が不規則振動入力を受けた場合を想定して，理論解析によってボル ト結合が構造物の不規則振動特性に及ぼす影響について検討した［9］．

本報告では，ボルト結合部に補助板が使われることも あることを考慮して，ボルト結合に用いられる補助板の

厚さがボルト結合構造物の振動特性に及ぼす影響につい て検討した。基礎的なデータを得るために，結合部が 1箇所である簡単な試験片を用いた。振動特性として 1 次振動および 2 次振動における減衰比および固有振動数に注目した。まず，ボルト結合の位置が異なる試験片を製作し，自由振動によって減衰比を求め，正弦波加振実験 によって減衰比および固有振動数を求めた。さらに，イ ンパルスハンマーによって試験片の伝達関数を求め，減衰比および固有振動数を求めた。比較のために，ボルト結合のない試験片の振動特性も求めた。

## 2．加振実験による振動特性の推定

簡単な試験片を用いた加振実験によって，ボルト結合 が構造物の振動特性に及ぼす影響について検討した。

## 2． 1 実験方法

図 1 に示すように試験片は長さ 550 mm ，幅 60 mm ，厚さ 6 mm のものを標準とした。図の・の位置でボルト結合した。材質は一般構造用圧延鋼材（SS400）とした。以下の 2 種類の試験片を作製し，結合部の補助板の厚さを $2 \mathrm{~mm}, ~ 4 \mathrm{~mm}$ ， 6 mm と変化させた。また，ボルト結合しない試験片を厚さ 0mm とした。
－試験片 I ：長さ 550 mm の板を半分に切った場所をボル ト結合した試験片

[^0]

図 1 試験片の寸法とボルト結合の位置（mm）


図2 結合部の拡大図（mm）


図 $3 \stackrel{\text { Direction of excitation }}{\stackrel{\text { 験片の加振方法 }(\mathrm{mm})}{\longrightarrow}}$
図3 試験片の加振方法（mm）
－試験片II：長さ 550 mm の板を 405 mm と 145 mm で切断し， ボルト結合した試験片

図 2 に結合部の拡大図を示す。ボルトの大きさは M8 としてナットで締めた。締付トルクは $60 \mathrm{kgf} \cdot \mathrm{cm}(5.88 \mathrm{Nm})$ で一定とした。図3に示すように試験片の一端 24 mm
（図1 の左側）を水平振動台上の万力でくわえ，垂直に固定した。試験片の上端から 10 mm の位置に加速度ピッ クアップを取付けた。

自由振動による実験において，減衰比は後述する正弦波加振実験で求めたそれぞれの試験片の1次および2次の振動数で加振し，入力を遮断することによって得られた減衰波形から対数減衰率を用いて求めた。正弦波加振実験では入力加速度振幅を 0.1 G で一定として共振曲線を求

めた。得られた共振曲線から半パワー法で減衰比を求め， ピークとなる振動数を固有振動数とした。減衰比を求め る際には1次振動と 2 次振動の固有振動数が離れているた めに，それぞれ独立であるとした。

インパルスハンマーを用いた測定では，試験片に取付 けたピックアップおよびハンマーで得られた信号から FFTアナライザーを用いて周波数応答関数を求め，正弦波加振実験と同様に減裹比と固有振動数を求めた。ピッ クアップは打撃する側と反対側に取付けた。取付け位置 と打撃位置は試験片上部と下部の間の周波数伝達特性を比較する目的で次の組合せとした。（1）ピックアップを試験片の上端から 10 mm の点に取付け，上端から 350 mm の点を打撃する．（2）ピックアップを試験片の上端から 10 mm の点に取付け，上端から 10 mm の点を打撃する。 ③ピックアップを試験片の上端から 350 mm の点に取付け，上端から 10 mm の点を打撃する。

自由振動と正弦波加振実験では3回，インパルスハンマ ーでは6回の測定結果の平均値を求めた。

## 2.2 実験結果

図 4 （a）および $(\mathrm{b})$ にそれぞれ自由振動で測定した 1 次お よび 2 次振動における減衰比を示す。 1 次振動では補助板が厚くなるにつれて減衰比が大きくなる傾向が見られ る．とくに，試験片IIの方が減衰比が大きくなっている．試験片IIの方がボルト結合部の位置が自由端に近いため


図4 自由振動による減衰比の測定結果

（b） 2 次
図5 正弦波加振実験による減衰比の測定結果

に振幅が大きく，エネルギ吸収量が大きくなるためであ ると考えられる。 2 次振動に対しては，補助板があると減衰比が小さくなる傾向があるが，補助板の厚さに対し て全体的にはつきりした傾向は見られない。
図5（a）および（b）にそれぞれ正弦波加振実験から求めた 1 次および 2 次振動における減衰比を示す。 1 次振動に対 しては，補助板が厚くなるほど減衰比が大きくなる傾向 がある． 2 次振動に対しては，補助板があると減衰比が大きくなっている。図6（a）および（b）にはそれぞれ 1 次振動および 2 次振動における固有振動数を示す。1次振動 に対しては補助板が厚くなるほど固有振動数が低くなっ ている。とくに試験片IIのときに固有振動数の低下率が大きい。これはボルト締結部があると質量が増加するこ とによって固有振動数が低下し，試験片IIのボルト締結

（a） 1 次

（b） 2 次
図6 正弦波加振実験による固有振動数の測定結果

部の方が自由端に近いために，質量の効果が大きくなる と考えられる． 2 次振動に対しては試験片 I では補助板 があると固有振動数は低くなり，試験片IIでは高くなる。 このことは，試験片 I ではボルト結合部が 2 次振動の腹 の近くにあり，試験片IIでは節の近くにあることと関係 すると考えられる。すなわち，試験片 I では質量の効果 が大きく，試験片IIでは小さくなるためと考えられる。

表1および表2にそれぞれインパルスハンマーで測定 した 1 次および 2 次振動における減衰比および固有振動数を示す。ピックアップおよび打撃の位置によって値に ややばらつきはあるが，ほぼ同じ傾向を示している。そ のために，全体の平均を求めた。

図7（a）および（b）にはそれぞれ 1 次振動および 2 次振動 における減衰比を示す。ほぼ自由振動で得られた結果と

表1 インパルスハンマーを用いた 1 次振動に対する減衰比と固有振動数の測定結果

|  |  | 減衰比 |  |  | 固有振動数 |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
|  |  | 測定方法 |  |  | 測定方法 |  |  |
| 試験片 | 厚さ | （1） | （2） | （3） | （1） | （2） | （3） |
|  | 0 mm | 0.00417 | 0.00496 | 0.00368 | 16.2 | 16.2 | 16.6 |
| 試験片 I | 2 mm | 0.00605 | 0.00456 | 0.00697 | 15.5 | 15.3 | 16.4 |
|  | 4 mm | 0.00727 | 0.00737 | 0.00528 | 14.7 | 14.4 | 16.0 |
|  | 6 mm | 0.00693 | 0.00774 | 0.00495 | 14.2 | 13.8 | 15.4 |
| 試験片 II | 2 mm | 0.00549 | 0.00442 | 0.00428 | 14.9 | 14.9 | 15.2 |
|  | 4 mm | 0.00891 | 0.00911 | 0.00705 | 13.7 | 13.6 | 14.0 |
|  | 6 mm | 0.01057 | 0.01269 | 0.01043 | 12.8 | 12.8 | 13.0 |

表2 インパルスハンマーを用いた 2 次振動に対する減衰比と固有振動数の測定結果

|  |  | 減衰比 |  |  | 固有振動数 |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
|  |  | 測定方法 |  |  | 測定方法 |  |  |
|  | 厚さ | （1） | （2） | （3） | （1） | （2） | （3） |
|  | 0 mm | 0.00432 | 0.00462 | 0.00420 | 102.8 | 102.9 | 103.6 |
| 試験片 I | 2 mm | 0.00494 | 0.00659 | 0.00548 | 103.0 | 103.2 | 102.2 |
|  | 4 mm | 0.00511 | 0.00482 | 0.00495 | 104.0 | 103.3 | 102.5 |
|  | 6 mm | 0.00380 | 0.00494 | 0.00461 | 102.2 | 100.8 | 100.5 |
|  | 2 mm | 0.00470 | 0.00424 | 0.00402 | 105.0 | 105.5 | 106.8 |
|  | 4 mm | 0.00517 | 0.00448 | 0.00368 | 106.0 | 104.7 | 106.4 |
|  | 6 mm | 0.00453 | 0.00390 | 0.00441 | 106.1 | 105.0 | 105.6 |

同様な傾向が見られる。すなわち， 1 次振動に対しては補助板が厚くなるほど減衰比が大きくなり，試験片IIの方が増加率が大きい。 2 次振動に対しては，補助板 の厚 さに対してはっきりした傾向が見られない。

図8（a）および（b）にそれぞれ 1 次振動および 2 次振動に おける固有振動数を示す。正弦波加振実験で得られた結果とほぼ同様である。すなわち， 1 次振動に対しては補助板が厚くなるほど固有振動数が低くなっている。とく に試験片IIのときに固有振動数の低下率が大きい。2次振動に対しては試験片Iでは補助板があると固有振動数 は低くなり，試験片IIでは高くなる。

図 7 の結果から，減衰比は自由振動と同様な結果とな り，この結果は衝撃的な入力に対する減衰比の特徴であ ると考えられる。図8の結果から固有振動数に関しては正弦波加振実験と同様な傾向となり，入力にかかわらず得られる特徴であると考えられる。


図7 インパルスハンマーによる減衰比の測定結果

図 4 から図 8 の結果をまとめると次のようになる。
1 次振動に対する減衰比はボルト結合部があると大き くなり，補助板が厚いほど大きくなる。衝撃的な入力に対しては試験片IIの減衰比の方が大きくなる傾向がある。 2 次振動に対する減衰比に対しては 1 次振動に対する減衰比よりも小さい。補助板の厚さに対してははっきりと した傾向が見られなかった。
固有振動数に関して， 1 次振動に対しては補助板が厚 くなるほど固有振動数が低くなっている。とくに試験片 IIのときに固有振動数の低下率が大きい。 2 次振動に対 しては試験片Iでは補助板があると固有振動数は低くな り，試験片IIでは高くなる。

## 3．結言

ボルト結合は多くの構造物に用いられ，種々の条件で

（a） 1 次

（b） 2 次
図 8 インパルスハンマーによる固有振動数の測定結果

使用される．振動環境で使用されることも多く，振動解析をする場合にはその振動特性を明らかにし，モデル化 をすることが重要となる。本報告では，ボルト結合部に補助板が使われることもあることを考慮して，ボルト結合に用いられる補助板の厚さがボルト結合構造物の振動特性に及ぼす影響について検討した。基礎的なデータを得るために，結合部が 1 箇所である簡単な試験片を用い た。振動特性として 1 次振動および 2 次振動における減衰比および固有振動数に注目した。試験片として，一端 を固定した片持ちはりを用いて加振実験をした。 2 次振動モードの腹の付近にボルト結合部のある試験片 I と節 の付近にボルト結合部のある試験片IIを製作した。自由振動によって減衰比を求め，正弦波加振実験およびイン パルスハンマーによる打撃試験によって減衰比および固有振動数を求めた。得られた結果を以下に要約する。
1． 1 次振動に対しては，補助板が厚くなるほど減衰比 が大きくなる傾向がある。衝撃的な入力に対しては試験片II の減衰比の方が大きくなる傾向がある． 2 次振動に対しては， 1 次振動よりも減衰比が小さく，補助板の厚 さに対する傾向がはっきりしなかった。
2． 1 次振動に対しては補助板が厚くなるほど固有振動数が低くなる。とくに試験片IIに対して固有振動数の低下率が大きい。2次振動に対しては試験片Iでは補助板 があると固有振動数は低くなり，試験片IIでは高くなる。

## 4．参考文献

［1］川原重明，清水武，中谷誠，森拓郎，小松幸平：ラ グスクリューボルト（LSB）接合部の引張強度実験 その 2 －加工穴，柱頭の端距離がラグスクリューボ ルト接合部の強度性能に及ぼす影響一，日本建築学

会大会学術講演梗概集，C－1，構造III，木質構造，鉄骨構造，鉄筋コンクリート構造，pp．99－100， 2007
［2］萩原正弥，古川朗洋，加藤靖弘，篠原信征，石田和也，山田将士：ダブルナットねじ締結におけるボル トの疲労強度（ロッキングカ及びナット高さの影響），日本機械学会論文集（C 編），79－800， pp．1189－1195， 2013
［3］田中稔，北郷薫：ねじ締結体における内力係数の簡単な求め方，室蘭工業大学研究報告理工編，40， pp．75－83， 1990
［4］沢俊之，丸山一男：ねじ締結部におけるボルト頭部 およびナットの変形について，日本機械学会論文集， 41－346，pp．1917－1925， 1975
［5］伊藤誼，益子正已：工作機械のボルト結合部剛性に関する研究（第5報，締結ボルト本数と締結位置の影響），日本機械学会論文集，37－296，pp．817－825， 1971
［6］泉聡志，横山喬，岩崎篤，酒井信介：ボルト結合体の締付けおよびゆるみ機構の三次元有限要素法解析，日本機械学会論文集（A 編），71－702，pp．204－212， 2005
［7］平居嵩朗，鞍谷文保，小出一志，城戸一郎：部分的な重なりを有する平板接合構造の簡易減衰推定法，日本機械学会論文集，80－812，2014
［8］益子正已，伊東誼，溶接接合部とボルト結合部の減衰能，日本機械学会 RC－SC20 研究成果報告書，pp．351－ 363， 1974
［9］青木繁：ボルト結合のある試験片の振動特性，東京都立工業高等専門学校研究報告，39，pp．1－5， 2003


[^0]:    1）東京都立産業技術高等専門学校 ものづくり工学科 機械システム工学コース

